

我身体的大部分会逃脱死亡,我将会永生,仍然活在后世的赞美声中。

——(古罗马)贺拉斯

2019年4月10日,包括上海天文台在内的全球六家天文观察机构同时发表声明,公布了他们合作拍摄的首张黑洞照片。回忆此前两年,引力波被直接探测到和阿蒂亚爵士宣布证明黎曼猜想这两项重大科学新闻,同样引发了全球公众的高度关注,丝毫不亚于一年一度的奥斯卡颁奖礼或四年一度的夏季奥运会。物理学家爱因斯坦再次成为人们膜拜的偶像,与黑洞一样,引力波的存在性也是他的广义相对论所预言的。然而,却有一个关键性人物被忽视了,那便是19世纪的天才数学家黎曼,他建立的黎曼几何学是爱因斯坦广义相对论的基石,同时他又提出了迄今为止数学领域最负盛名的黎曼猜想。

## $\it 1$ $_{ m *ap}$ 文德兰的乡村男孩

2010年秋天,我有幸应哥廷根大学一位数学同

行的邀请,造访了这一慕名已久的数学圣地。9月4日,星期六,一早我便乘坐巴士去了哥廷根车站,开始了一周一天的火车之旅。我按照既定的计划,上午游览不莱梅,下午游览汉堡,它们是首都柏林以外仅有的两座直辖市,也是德国吞吐量最大的两个港口,分别位于威悉河和易北河下游,离北海入海处均不远。在汉堡用过晚餐之后,我乘火车踏上了归途。与来时路线相反,我选择了东线,经过吕讷堡、于尔岑,到汉诺威后再换车返回哥廷根。

巧合的是,这几座城镇恰好都与本文主人公——德国数学家兼物理学家伯恩哈德·黎曼有着密切的关联。于尔岑是离黎曼出生地布雷斯伦茨村和他度过童年大部分时光的小村奎克博恩最近的火车站,即便黎曼时代不通火车,这里也是他去往哥廷根求学的必经之地。记得火车是在日落时分抵达,靠站后才发现,我的车厢正对着小站出口。我于是下了





小站于尔岑, 离黎曼故乡最近的火车站。作者摄

车,拍摄了干尔岑车站的牌匾,蓝底白字,站台上 有彩色鹅卵石铺就的几何图案。在那短促的几分钟 时间里,我满脑子都是黎曼的身影。

无论布雷斯伦茨,还是奎克博恩,离源于波兰 和捷克边界附近的易北河都只有几英里远。那是汉 诺威王国向东伸入到普鲁士王国的地方, 由于两国 以大河为界, 因此也堪称一处地理死角。此地旧称 文德兰(Wendland),在古德语里的意思是"说斯 拉夫语的人"。据说6世纪时,文德兰是大批斯拉夫 人西迁到达的最远处,而"布雷斯伦茨"这个词本 身就是从斯拉夫语的"桦树"一词转化而来。1826 年9月17日,黎曼出生在布雷斯伦茨。几年以后, 他的父亲奉调到离易北河更近的村庄奎克博恩担任 牧师,他们全家也随之迁往那里。

14 岁那年,黎曼进入了汉诺威的文理中学。汉 诺威是同名王国的首府,17世纪的数学家兼哲学家、 微积分学的两位发明人之一莱布尼茨在此度过一生的 大部分时光,后来他也葬身于此,大量手稿保存在汉 诺威图书馆。正是因为莱布尼茨的出现,才给大器晚



高斯(坐者)和19世纪最重要的物理学家之一威廉•韦伯

成的德意志民族以智力上的自信。但黎曼来汉诺威上 学主要是因为他的外祖母在此,这样可以省去住宿费。 他的父亲是一位穷牧师,人到中年才成婚,后来一下 子有了六个孩子,黎曼在家中排行老二也是长子。

不幸的是,黎曼就读汉诺威两年后,外祖母便 去世了。他转学到吕讷堡镇的一所中学, 在一位希 伯来文老师家里膳宿。吕讷堡是"音乐之父"巴赫 初出茅庐的居留地,那里离黎曼的故乡也比较近, 他可以步行回家, 因此常在节假日与家人团聚。这 样一来,黎曼不再像在汉诺威时那样感到孤单。虽 然那会儿他尚未显示出是个多么优秀的学生, 但已 开始对数学发生兴趣。中学校长注意到这个孩子的 数学才能, 让他随意进出自己的图书馆, 甚至允许 他可以不上数学课。有一次校长借给黎曼法国数学 家勒让德 859 页厚的巨著《数论》,没想到他仅用六 天时间便看完归还了。

另一方面,由于贫穷造成的营养不良,黎曼从 小身体虚弱, 甚至每次步行回家都会觉得很累, 但 他却十分享受与家人在一起的短暂时光。不仅如此,



哥廷根市景色

每次回家前夕,他都要用节省下来的零花钱给父母和兄弟姐妹买小礼物,这给他带来心灵的慰藉。在黎曼的母亲写给儿子的信中,也常常为他的身体感到担忧。1846年,20岁的黎曼被哥廷根大学神学院录取了,那个年龄上大学对一位数学天才来说可算是够晚的,而且他和家人当时的想法只是子承父业,将来做一名牧师。

黎曼来到哥廷根的时候,这所汉诺威王国的最高学府已经创办一个多世纪。九年前哥廷根经历了"七君子事件",包括物理学家韦伯和童话作家格林兄弟在内的七位知名教授因为反对新继位的国王取消"自由宪法"而遭解聘,元气尚未恢复。尽管如此,哥廷根却因为拥有"数学王子"高斯而吸引了全欧洲对数学感兴趣的年轻人,即便那时高斯已年近七旬。黎曼在听过高斯的《最小二乘法》课以后,向父亲坦承,他对数学的兴趣超过了神学。而黎曼的父亲为人仁慈,加上他对自己毕生从事的职业也不其满意,便同意儿子遵循自己的意愿以数学谋生。

## **分**外表文弱羞怯的年轻人

关于黎曼的生平,至今我们所知的仍然不多,他本人也没有留下内心活动的记录,只有部分往来的书信。即便同代人的描述,也只有他的师弟戴德金,在黎曼去世十年以后编撰他的合集时为他写下的一篇小传。这篇小传共17页,恰好是高斯最喜爱的数字之一。戴德金是黎曼与他共同的导师高斯的同乡,出生在不伦瑞克,他是高斯的关门弟子。不伦瑞克在汉诺威的东南,因此不在我那个周六的旅行线路上,但在此之前的那个周末,我曾专程游览了汉诺威和不伦瑞克。